



BACCALAUREAT BLANC

Session de Février 2023

Epreuve de Mathématiques

Série : B

Durée : 3h

Coefficient 3

(L'utilisation de la calculatrice est autorisée)

Exercice 1 : Questions à choix multiples

(5 points)

Pour chaque question posée, une seule des trois réponses proposées est exacte. Indiquer sur la copie, le numéro de la question et la lettre correspondant à la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

N°	Questions	Réponses proposées		
		A	B	C
1	Huit athlètes luttent pour trois médailles (or, argent, bronze). De combien de façons peut-on attribuer ces médailles ?	$8 + 3 = 11$	$8! \times 3!$	A_8^3
2	Soit h la fonction définie par $h(x) = \sqrt{x^2 + 2x - 5}$ alors la fonction h' dérivée de la fonction h est :	$\frac{2x + 2}{2\sqrt{x^2 + 2x - 5}}$	$\frac{-2x + 1}{\sqrt{x^2 + 2x - 5}}$	$-2x\sqrt{x^2 + 2x - 5}$
3	Le triplet $(2; 3; -1)$ est solution du système :	$\begin{cases} x + y - 2z = 7 \\ 2x - y + z = 0 \\ 3x + y + z = 8 \end{cases}$	$\begin{cases} x + y + z = 4 \\ x + 2y + 2z = 6 \\ 3x + y - 4z = 1 \end{cases}$	$\begin{cases} 2x + 3y + z = 0 \\ x + 2y - z = -1 \\ -x + 3y - 2z = 3 \end{cases}$
4	La forme factorisée du polynôme $P(x) = x^3 - 9x^2 + 26x - 24$ est :	$(x - 2)(x - 3)(x - 4)$	$(x - 2)(x + 3)(x - 4)$	$(x + 2)(x - 3)(x - 4)$
5	Soient A et B deux parties disjointes d'un ensemble Ω . Alors $card(A \cup B) = \dots$	$card(A) - card(B)$	$card(A) + card(B)$	$card(A) + card(B) - card(A \cap B)$

Exercice 2 : Suites numériques

(5 points)

En 1990, un pays avait une population de 50 millions d'habitants. Par accroissement naturel, sa population augmente de 1,5% par an. Par ailleurs, on constate une augmentation annuelle supplémentaire de 0,45 million d'habitants dès l'année 1991. L'unité étant le million d'habitants ; on note $u_0 = 50$ l'effectif de la population en 1990 et u_n le nombre d'habitants de ce pays en 1990 + n .

- Calculer u_1 et u_2
- Montrer que pour tout entier n , on a : $u_{n+1} = 1,015u_n + 0,45$

On se propose de prévoir directement l'effectif de la population en 2010 si le modèle d'évolution reste le même. Pour cela on considère la suite (v_n) définie pour tout entier naturel n par : $v_n = 30 + u_n$

- Calculer v_0 et v_1 .
- Démontrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme v_0 .
- Exprimer v_n , puis u_n en fonction de n .
- En déduire alors l'effectif de la population de ce pays en l'an 2010.

(On prendra le résultat arrondi en million habitants)

**BACCALAUREAT BLANC**

Session de Février 2023

Epreuve de Mathématiques

Série : B

Durée : 3h

Coefficient 3

*(L'utilisation de la calculatrice est autorisée)***Problème : Etude d'une fonction rationnelle****(10 points)**

On considère la fonction f définie sur $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ par : $f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}$ et (C_f) sa courbe représentative dans le plan muni du repère orthonormé $(0, I, J)$ d'unité graphique : 2cm

Partie A : Signe d'un polynôme du second degré

Soit $P(x)$ le polynôme définie sur \mathbb{R} par : $P(x) = x^2 - 2x$.

1. Montrer que $P(x) = x(x - 2)$
2. Montrer que $\forall x \in]-\infty; 0[\cup]2; +\infty[$, $P(x) > 0$ et $\forall x \in]0; 2[$, $P(x) < 0$.

Partie B : Etude de la fonction f

1. a) Déterminer $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$, puis donner une interprétation graphique du résultat obtenu.
b) Déterminer les limites de f en $+\infty$ et $-\infty$.
2. a) Calculer $f'(x)$ et montrer que $\forall x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$, $f'(x) = \frac{P(x)}{(x-1)^2}$.
b) Déduire le signe de $f'(x)$ sur $\mathbb{R} \setminus \{1\}$, puis déduire le sens de variation de f sur $\mathbb{R} \setminus \{1\}$.
c) Dresser le tableau de variations de la fonction f
3. a) Vérifier que $\forall x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$, $f(x) = x + \frac{1}{x-1}$.
b) Montrons que la droite (D) d'équation $y = x$ est asymptote oblique à (C_f) au voisinage de $+\infty$.
c) Etudier la position relative de (C_f) par rapport à la droite (D)
4. Construire soigneusement la droite (D) et la courbe (C_f) .